

Musteraufgabe

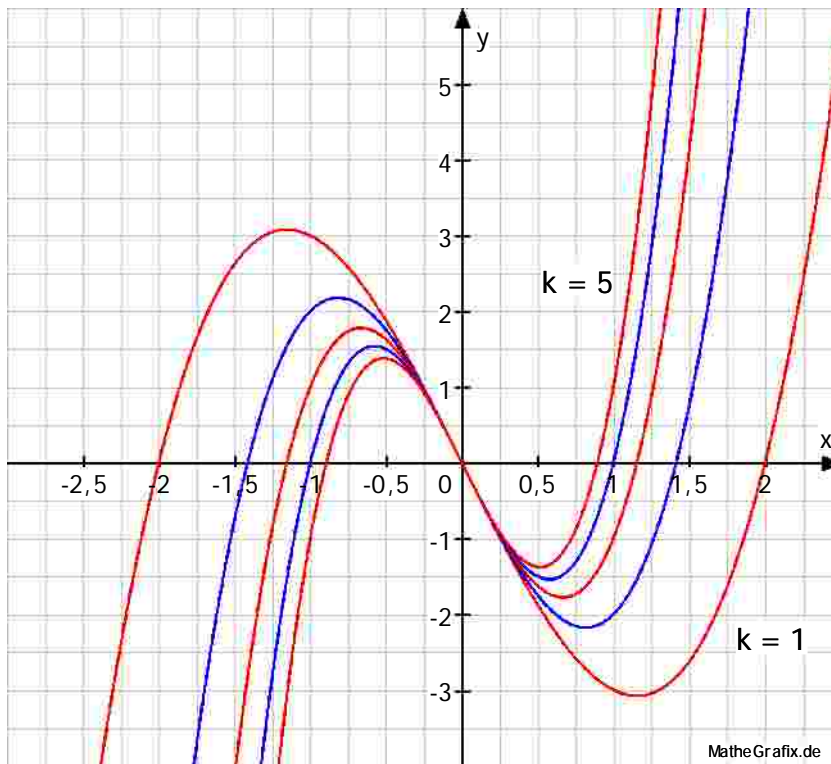
Fach:	<i>Mathematik</i>	Thema:	<i>Entspricht Ü5 A2</i>
Erstellt am:	<i>28.09.09</i>	Schüler:	<i>Nadja Macula</i>
Lehrer:	<i>C. Schmitt</i>	Jgst. / Kurs:	<i>Leistungskurs</i>

Aufgabenstellung: Bestimme $k \in R$ so, dass der Graph der Funktion f mit der 1. Achse eine Fläche vom angegebenen Flächeninhalt A einschließt.

Geg.: $f(x) = kx^3 - 4x$ $A = 16$

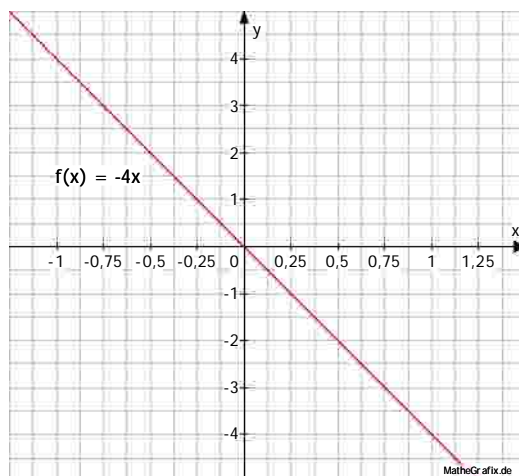
1. Schritt Vorüberlegungen zur Kurvenschar

a) $k > 0$



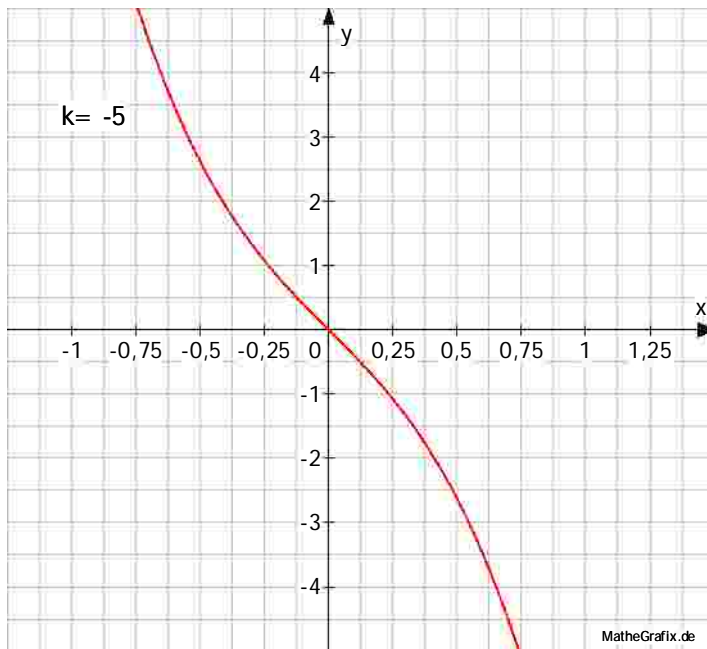
Fläche zwischen Graph und Abzisse möglich.

b) $k = 0$



Fläche zwischen Graph und Abzisse nicht möglich.

c) $k < 0$



Fläche zwischen Graph und Abzisse nicht möglich.

2. Schritt: Nullstellen ausrechnen

$$0 = kx^3 - 4x$$

$$= x(kx^2 - 4) \quad x_1 = 0$$

$$0 = kx^2 - 4 \quad | + 4$$

$$kx^2 = 4 \quad | \div k \quad \text{Bedingung: } k \neq 0$$

$$x^2 = \frac{4}{k} \quad | \sqrt{(\quad)} \quad \text{Bedingung: } k \geq 0$$

$$x = \pm \sqrt{\frac{4}{k}}$$

$$x_2 = -\sqrt{\frac{4}{k}}$$

$$x_3 = +\sqrt{\frac{4}{k}}$$

Also:
 $k > 0$

(Bemerkung: Nur für $k > 0$ sind diese Nullstellen sinnvoll !!!)

3. Schritt: Integrale bilden

$$\int_{-\sqrt{\frac{4}{k}}}^0 f(x) dx + \int_0^{\sqrt{\frac{4}{k}}} f(x) dx = 2 \cdot \int_0^{\sqrt{\frac{4}{k}}} f(x) dx = 2 \cdot \left[\frac{kx^4}{4} - 2x^2 \right]_0^{\sqrt{\frac{4}{k}}} = 16$$

4. Schritt: Nullstellen einsetzen und Integral ausrechnen

$$\left| 2 \cdot \left(\frac{k}{4} \cdot \left(\sqrt{\frac{4}{k}} \right)^4 - 2 \cdot \left(\sqrt{\frac{4}{k}} \right)^2 - 0 \right) \right| = 16 \quad | \div 2$$

$$\left| \left(\frac{k}{4} \cdot \left(\sqrt{\frac{4}{k}} \right)^4 - 2 \cdot \left(\sqrt{\frac{4}{k}} \right)^2 \right) \right| = 8$$

$$\left| \frac{k}{4} \cdot \left(\frac{4}{k} \right)^2 - 2 \cdot \frac{4}{k} \right| = 8$$

$$\left| \frac{k}{4} \cdot \frac{16}{k^2} - \frac{8}{k} \right| = 8$$

$$\left| \frac{16k}{4k^2} - \frac{8}{k} \right| = 8$$

$$\left| \frac{16}{4k} - \frac{8}{k} \right| = 8$$

$$\left| \frac{4}{k} - \frac{8}{k} \right| = 8$$

$$\left| -\frac{4}{k} \right| = 8 \quad (\text{da } k > 0)$$

$$4 = 8k \quad | \div 8$$

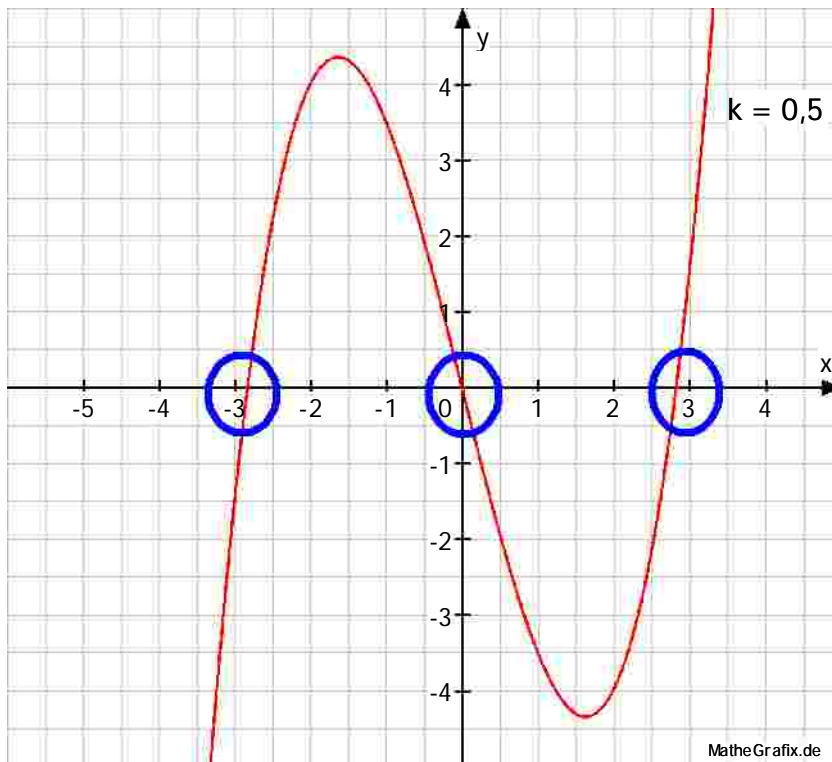
$$\mathbf{k=0,5}$$

5. Schritt: Probe

Probe für $k = 0,5$: $\therefore f(x) = 0,5x^3 - 4x$

$$\text{NS: } 0, \pm \sqrt{\frac{4}{k}} =$$

$$\pm \sqrt{8} \approx \pm 2,83 \approx$$



$$\left| \int_0^{2,83} f(x) dx \right| = 8 \quad \text{juchu!}$$

