

Trigonometrische Funktion- Sonnenscheindauer (nur Lösungen bzw. teilweise ausführlich)

$$f(x) = 3\sin\left(\frac{\pi}{4}x\right)$$

$$f'(x) = \frac{3\pi}{4}\cos\left(\frac{\pi}{4}x\right)$$

$$f''(x) = -\frac{3\pi^2}{16}\sin\left(\frac{\pi}{4}x\right)$$

$$f'''(x) = -\frac{3\pi^3}{64}\cos\left(\frac{\pi}{4}x\right)$$

Extrempunkte:

- HP(2|3)
- TP(6|-3)

Wendepunkte:

- (0|0)
- (4|0)
- (8|0)

Volumen: $36\pi \approx 113,1$

Steigung der Geraden:

$$m = \frac{3}{\pi} \approx 0,95$$

b) $S(t) = 150 + 100 \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}t\right)$

Oktober: $S(6)=150$

Prozentuale Abweichung: 9,36%

$$W = [50; 250]$$

Sonnenscheindauer > 235 Stunden:

$$\sin\left(\frac{\pi}{6}t\right) = 0,85$$

$$x_1 = 1,016$$

$$x_2 = \pi - x_1 = 2,12$$

$]x_1; x_2[=]1,016; 2,12[\rightarrow$ Im offenen Intervall ist x echt größer als 0,85

$$x_1 = \frac{\pi}{6}t \Rightarrow t_1 = 1,94$$

$$\Rightarrow t_2 = 4,05$$

$$]1,94; 4,05[=]t_1; t_2[$$

Daraus folgt, dass die Sonne von Juni bis August $[2; 4]$ mehr als 235 Stunden scheint.

Durchschnittliche Sonnenscheindauer:

$$\frac{S(6) + S(7) + S(8) + S(9) + S(10) + S(11)}{6} = \frac{150 + 100 + 63,4 + 50 + 63,4 + 100}{6} = \frac{526,8}{6} = 87,8$$

$\approx 88 \text{ Stunden}$

$S'(t)$ = Änderung der Sonnenscheindauer

Gesucht: max von $S'(t)$

$$\text{n.B.: } S''(t)=0 \rightarrow t=0 \text{ und } t=6$$

$$\text{h.B.: } S'''(t)<0 \rightarrow S(0)<0 \text{ und } S(6)>0$$

daraus folgt, dass sich die Sonnenscheindauer im April am raschesten ändert.