

# Protokoll vom 13.12.2013

## Thema: Partielle Integration

### Von Philipp95

---

1.) **Besprechung der Hausaufgaben:** (S.28 A.1 b,d,e A 2 a,d A 4 a A 5 a A 8 b,c,d,e A 9)

Aufgabe1:

$$\text{b.) } \ln(e^3) = 3 \quad \text{d.) } \ln(\sqrt{e}) = \frac{1}{2} \quad \text{e.) } e^{\ln(4)} = 4$$

Aufgabe2:

$$\text{a.) } e^x = 15 \quad x \approx 2,71$$

$$\text{d.) } 3e^{4x} = 16,2 \quad x \approx 0,42$$

Aufgabe4:

$$\text{a.) } x^2 \cdot e^x = 2,5 \quad x \approx 0,97$$

---

Aufgabe5:

$$e^{2 \cdot \ln(2)} = e^2 + e^{\ln(2)} = e^2 + 2$$

Fehler: Das Mal müsste eigentlich ein Plus sein.

Aufgabe8:

$$\text{b.) } 0 = e^{2x} - 2e^x - 15 \quad x \approx 1,61$$

$$\text{c.) } 0 = e^{2x} + 12e^x - 7 \quad x \approx -0,58$$

$$\text{d.) } 0 = e^{2x} + 2e^x \quad \text{Hat keine Nullstellen}$$

$$\text{e.) } 0 = (x^2 - 6) \cdot (e^{2x} - 9) \quad x_1 = 1,1 \quad x_2 = \sqrt{6}$$

---

Aufgabe9:

$$h(t) = 0,02 \cdot e^{kt}$$

$$\text{a.) } t = 0 \quad h(0) = 0,054$$

$$\text{b.) } 0,4 = 0,02 \cdot e^{6k} \quad k \approx 0,5$$

c.)  $h(t) = 0,02 \cdot e^{0,5 \cdot 9} = 1,8$  Die Pflanze ist 1,8m hoch

d.)  $3 = 0,02 \cdot e^{0,5t}$   $t = 10,2$

f.)  $h'(t) = 0,02k \cdot e^{kt}$   $t \approx 9,2$

g.)  $k(t) = 3,5 - 8,2 \cdot e^{-0,175t}$

$3 = 3,5 - 8,2 \cdot e^{-0,175t}$   $t \approx 15,99$

---

## Partielle Integration

$$\int (x \cdot e^x) dx = ?$$

Wir besprechen nun im Unterricht wie man Funktionen integriert. Dabei haben wir eine Formel abgeleitet, die uns hilft die Stammfunktion herauszufinden.

Herleitung der Formel:  $f(x) = g(x) \cdot h(x)$

$$f'(x) = g'(x) \cdot h(x) + g(x) \cdot h'(x)$$

$$f'(x) = g'(x) \cdot h(x) + g(x) \cdot h'(x) \quad | \int () dx$$

$$\int f'(x) dx = \int (g'(x) \cdot h(x) + g(x) \cdot h'(x)) dx = g(x) \cdot h(x) = f(x)$$

$$\int (g'(x) \cdot h(x)) dx = g(x) \cdot h(x) - \int g(x) \cdot h'(x)$$

Mit dieser Formel kann man Problemlos die Stammfunktion errechnen, man sollte jedoch die Werte für  $g'(x)$  und  $h(x)$  einsetzen und auch strategisch nachdenken wie es am einfachsten wäre es zu lösen.

**Beispiel 1:**  $f(x) = x \cdot e^x$

$g'(x) = e^x$	$g(x) = e^x$
$h(x) = x$	$h'(x) = 1$

$$\int (e^x \cdot x) dx = e^x \cdot x - \int (e^x \cdot 1) = e^x x - e^x = e^x(x - 1) = F(x)$$

Probe:  $F'(x) = e^x \cdot (x - 1) + e^x \cdot 1 = e^x \cdot x - e^x + e^x = e^x \cdot x = f(x)$

Man sieht also, dass die Formel die richtige Stammfunktion ergibt.  
Beim Rechnen sollte man jedoch auf zwei Sachen achten:

- 1) Welchen Faktor kann man gut ableiten
- 2) Welchen Faktor kann man gut integrieren

**Beispiel 2:**  $f(x) = x^2 \cdot \sin(x)$

$g'(x) = \sin(x)$	$g(x) = -\cos(x)$
$h(x) = x^2$	$h'(x) = 2x$

$$\int (x^2 \cdot \sin(x)) dx = -\cos(x) \cdot x^2 + \int (\cos(x) \cdot 2x) dx$$

Da das markierte Integral auch zwei Variablen hat, muss man auch hier die Partielle Integration einsetzen.

$$\int (\cos(x) \cdot 2x) dx = \sin(x) \cdot 2x - \int (\sin(x) \cdot 2) dx = 2x \sin(x) + 2\cos(x)$$

Da wir nun die Stammfunktion des Markierten Integrals haben, können wir weiter rechnen.

$$\int (x^2 \cdot \sin(x)) dx = -\cos(x) \cdot x^2 + \int (\cos(x) \cdot 2x) dx = -x^2 \cos(x) + 2x \sin(x) + 2\cos(x)$$

$$F(x) = -x^2 \cos(x) + 2x \sin(x) + 2\cos(x)$$

Man erkennt, dass die Formel der Partiellen Integration ein leichter Weg ist eine Stammfunktion zu errechnen

**Hausaufgaben für den 18.12.2013:**

Klapptests bearbeiten

Seite 74 A 1c,4c

Seite 29 A 9e,g

Klausur unterschrieben mitbringen.